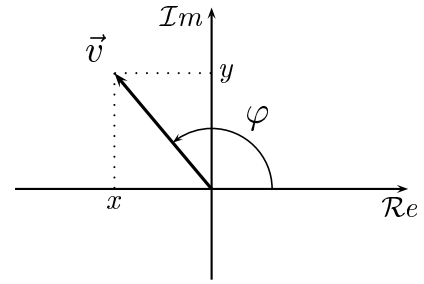
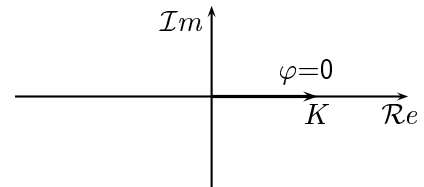


1) La fase φ di un vettore \vec{v} del piano, e quindi la fase φ del corrispondente numero complesso $x + jy$, si misura in senso **antiorario** rispetto al **semiasse reale positivo**.



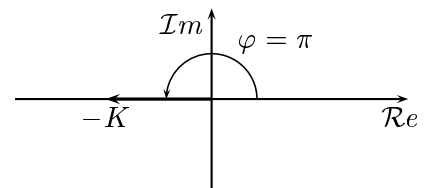
2) La fase dei numeri reali positivi $K > 0$ è nulla:

$$\varphi = \arg[K] = 0$$



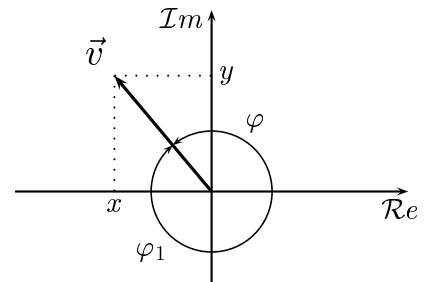
3) La fase dei numeri reali negativi $-K < 0$ è $\varphi = \pi$:

$$\varphi = \arg[-K] = \pi$$



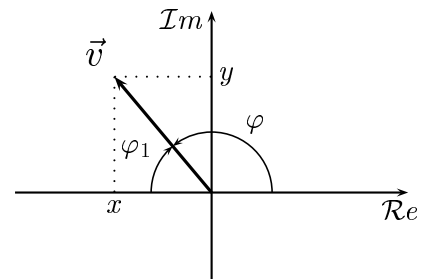
4) La fase φ di un vettore \vec{v} del piano è definita a meno di un multiplo intero di 2π :

$$\arg[\vec{v}] = \varphi + 2K\pi, \quad \forall K \in \mathbb{Z}$$



5) Per calcolare la fase φ di un vettore $\vec{v} = x + jy$ con parte reale negativa, $x < 0$, utilizzare la formula:

$$\varphi = \arg[\vec{v}] = \pi - \arctan \left[\frac{y}{|x|} \right]$$



6) Il modulo del prodotto di numeri complessi è uguale al **prodotto dei moduli**. Esempio:

$$\left| \frac{(1 + 3j)}{(2 - 5j)(-4 + j)} \right| = \frac{|1 + 3j|}{|2 - 5j| | -4 + j|} = \frac{\sqrt{1^2 + 3^2}}{\sqrt{2^2 + 5^2} \sqrt{4^2 + 1^2}} = \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{29} \sqrt{17}}$$

7) La fase del prodotto di numeri complessi è uguale alla **somma delle fasi** dei singoli elementi. Esempio:

$$\arg \left[\frac{(1 + 3j)}{(2 - 5j)(-4 + j)} \right] = \arctan \frac{3}{1} - \left[\arctan \frac{-5}{2} + \pi - \arctan \frac{1}{4} \right]$$