

Nome:	
Nr. Mat.	
Firma:	

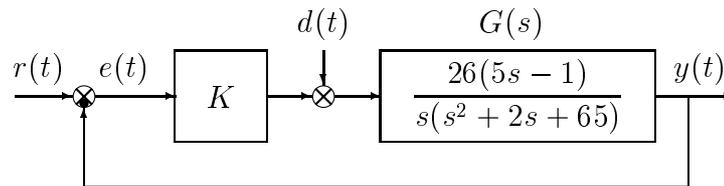
a) Calcolare la trasformata di Laplace  $X(s)$  dei seguenti segnali temporali  $x(t)$ :

$$x_1(t) = 2(1 + t^2)e^{5t}, \quad x_2(t) = 4 + 3e^{-3t}\sin(7t)$$

b) Calcolare la risposta impulsiva  $g_i(t)$  delle seguenti funzioni di trasferimento  $G_i(s)$ :

$$G_1(s) = \frac{3s + 2}{s(s + 1)(s + 2)}, \quad G_2(s) = 2 + \frac{18}{(s + 4)^2 + 6^2}$$

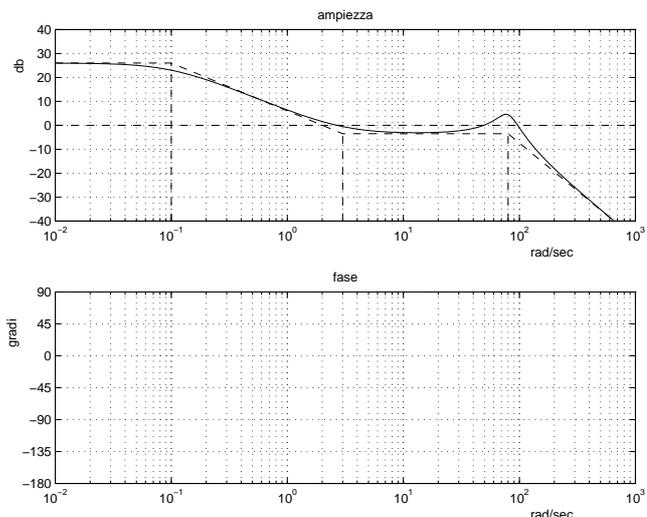
c) Sia dato il seguente sistema retroazionato:



- c.1) Determinare per quali valori del parametro  $K$  il sistema retroazionato è asintoticamente stabile.
- c.2) Calcolare, in funzione di  $K$ , l'errore a regime  $e_\infty(t)$  in presenza del segnale di ingresso  $r(t) = 2$  e del segnale di disturbo  $d(t) = 3$ .
- c.3) Disegnare qualitativamente il diagramma di Nyquist "completo" della funzione  $G(s)$ . Calcolare esattamente la posizione  $\sigma_a$  dell'asintoto verticale, le eventuali intersezioni  $\sigma_i^*$  con l'asse reale e i corrispondenti valori delle pulsazioni  $\omega_i^*$ .
- c.4) Posto  $K = 20$ , tracciare qualitativamente i diagrammi asintotici di Bode delle ampiezze e delle fasi del guadagno di anello  $K G(s)$ .
- d) Si faccia riferimento al sistema  $G(s)$  il cui diagramma di Bode dei moduli è mostrato in figura. Sapendo che  $G(s)$  è un sistema a fase minima e nei limiti della precisione consentita dal grafico:

d.1) calcolare l'espressione analitica della funzione  $G(s)$ :

$$G(s) =$$

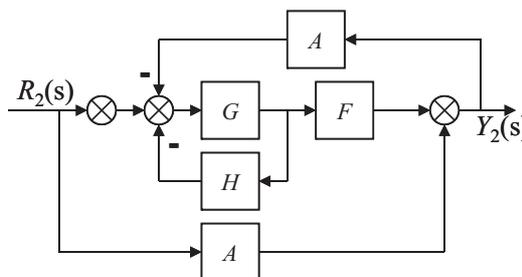
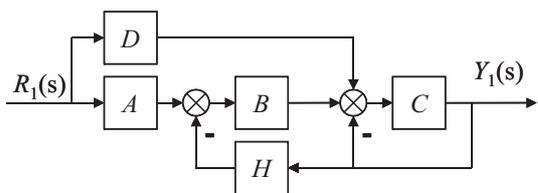


d.2) Utilizzando la formula di Bode e/o la funzione  $G(s)$  calcolata al punto precedente, disegnare l'andamento qualitativo del diagramma delle fasi della funzione  $G(s)$ .

d.3) calcolare la risposta "a regime"  $y_\infty(t)$  del sistema  $G(s)$  quando in ingresso è presente il segnale:

$$x(t) = 4 + 20 \sin(200t + \pi/3);$$

e) Applicando la formula di Mason, calcolare le funzioni di trasferimento  $G_1(s) = \frac{Y_1(s)}{R_1(s)}$  e  $G_2(s) = \frac{Y_2(s)}{R_2(s)}$  dei seguenti 2 schemi a blocchi:



$G_1(s) =$

$G_2(s) =$

f) I diagrammi riportati sotto sono relativi a due sistemi:  $G_1(s)$  stabile asintoticamente e  $G_2(s)$  con un polo nell'origine e tutti gli altri poli a parte reale negativa. Per ciascuno dei due sistemi e nei limiti della precisione consentita dai grafici:

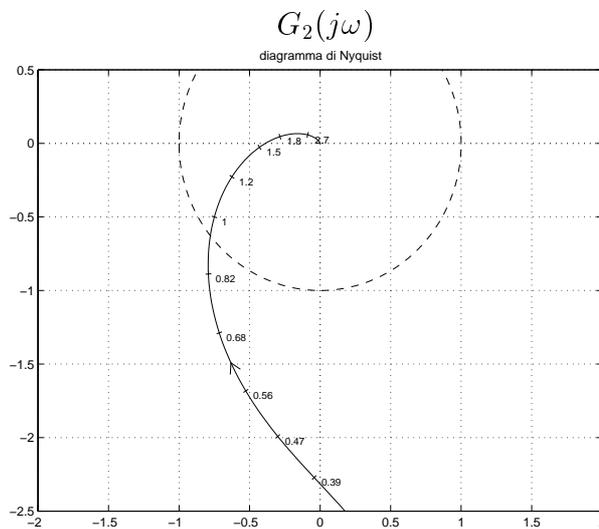
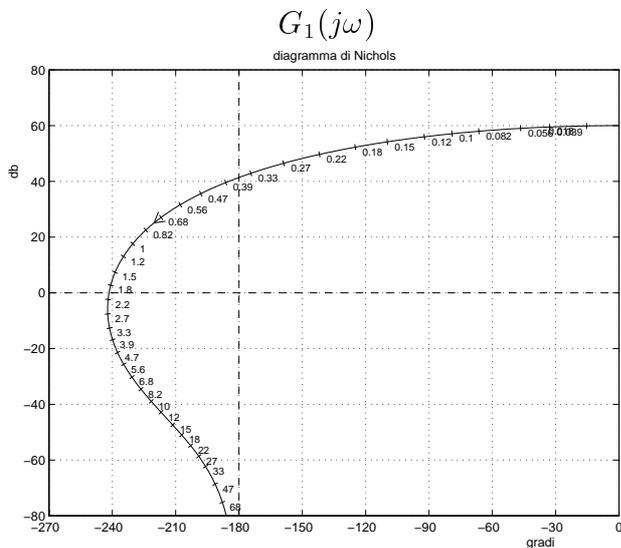
f.1) Indicare il margine di ampiezza  $M_{a,i}$  e il margine di fase  $M_{f,i}$ .

f.2) Calcolare per quali valori del guadagno  $K_{p,i}$  il sistema  $K_{p,i} G_i(s)$  posto in retroazione unitaria è stabile. Nota: il sistema  $G_2(s)$  ha un asintoto verticale in  $\sigma_a = 1$ .

f.3) Determinare per  $G_1(s)$  la larghezza di banda  $\omega_f$  del sistema non retroazionato e per  $G_2(s)$  la larghezza di banda  $\omega_{0f}$  del sistema retroazionato.

f.4) Determinare la pulsazione  $\omega_{1,i}$  dell'oscillazione persistente che si ha nel sistema retroazionato quando  $K$  assume il valore limite massimo di stabilità determinato al punto f.2.

f.5) Calcolare il valore della funzione di risposta armonica  $G(j\omega)$  in corrispondenza del valore di pulsazione indicato.



$M_{a,1} = \dots\dots\dots$

$M_{a,2} = \dots\dots\dots$

$M_{f,1} = \dots\dots\dots$

$M_{f,2} = \dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots < K_{p,1} < \dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots < K_{p,2} < \dots\dots\dots$

$\omega_f = \dots\dots\dots$

$\omega_{f0} = \dots\dots\dots$

$\omega_{1,1} = \dots\dots\dots$

$\omega_{2,1} = \dots\dots\dots$

$G(j 1.2) = \dots\dots\dots$

$G(j 0.82) = \dots\dots\dots$

**Controlli Automatici A**  
**Compito Completo**  
**14 Gennaio 2005 - Domande Teoriche**

Nome:	
Nr. Mat.	
Firma:	

Rispondere alle seguenti domande. Per ciascuno dei test a soluzione multipla segnare con una crocetta tutte le affermazioni che si ritengono giuste.

1. Calcolare la funzione di trasferimento corrispondente alla seguente equazione differenziale dove  $u(t)$  è il segnale di ingresso e  $x(t)$  è il segnale di uscita:

$$2 \dot{u}(t) + 4 u(t) = 3 \ddot{x}(t) + 5 \dot{x}(t) + x(t) \quad \rightarrow \quad G(s) =$$

2. Il diagramma di Bode delle fasi di un ritardo puro  $G(s) = e^{-t_0 s}$  è di tipo:

- lineare crescente
- lineare decrescente
- esponenziale crescente
- esponenziale decrescente

3. Un sistema in retroazione negativa avente  $G(s)$  sul ramo diretto,  $H(s)$  sul ramo di retroazione ed avente un elevato guadagno di anello risulta poco sensibile

- ai disturbi additivi agenti sull'ingresso del sistema
- ai disturbi additivi agenti sull'uscita del sistema
- alle variazioni parametriche di  $G(s)$
- alle variazioni parametriche di  $H(s)$

4. Il tempo di assestamento di un sistema del 2° ordine stabile

- dipende solo dalla pulsazione naturale
- dipende solo dal coefficiente di smorzamento
- dipende solo dalla parte reale dei poli
- dipende solo dalla parte immaginaria dei poli

5. Sia dato il seguente sistema  $G(s)$ :

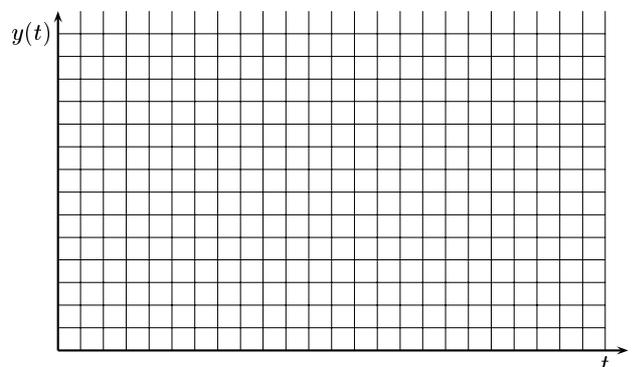
$$G(s) = \frac{800(2s + 30)}{(0.2s + 3)(2s + 10)(s^2 + s + 100)(s^2 + 20s + 400)}$$

Calcolare il guadagno statico  $G_0$  del sistema, disegnare l'andamento qualitativo  $y(t)$  della risposta al gradino unitario del sistema  $G(s)$  stimando qualitativamente il tempo di assestamento  $T_a$  e il periodo  $T_w$  dell'eventuale oscillazione smorzata:

$$G_0 =$$

$$T_a =$$

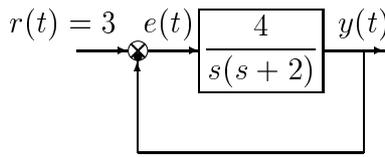
$$T_w =$$



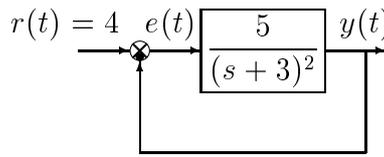
6. Sia  $F(s)$  la trasformata di Laplace della funzione  $f(t)$  e sia  $f(0^-)$  il valore che la funzione  $f(t)$  assume all'istante  $t = 0^-$ . Il teorema della trasformata della derivata generalizzata afferma che

$$\mathcal{L} \left[ \frac{df}{dt} \right] = \dots$$

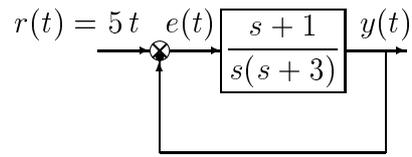
7. Calcolare l'errore a regime  $e(\infty)$  per i seguenti sistemi retroazionati:



$e(\infty) =$



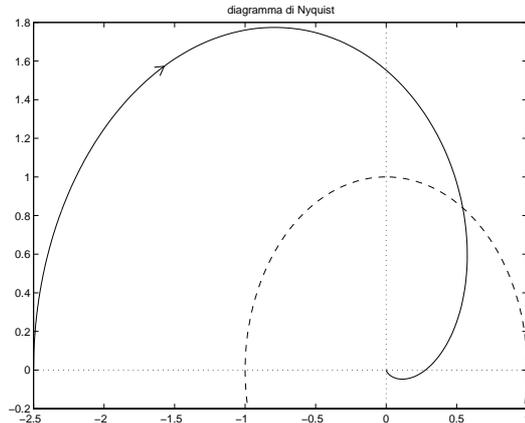
$e(\infty) =$



$e(\infty) =$

8. Sia dato il diagramma di Nyquist (vedi figura) della seguente funzione  $G(s) = \frac{-10}{(s+1)(s+2)^2}$

Utilizzando il criterio di Nyquist è possibile affermare che il sistema retroazionato  $K G(s)$  è stabile per i seguenti valori di  $K$ :



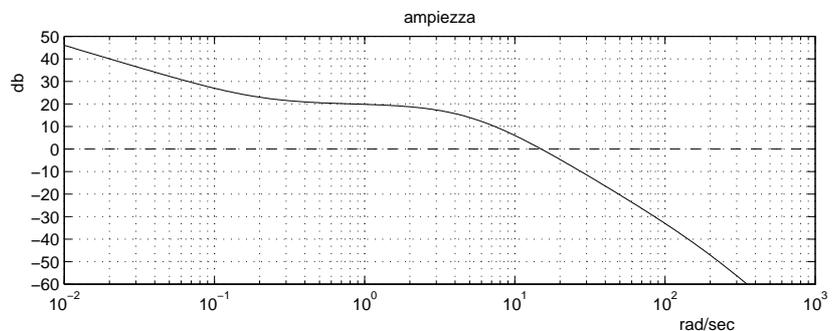
- ( $K < 0, |K| \gg 1$ );
- ( $K < 0, |K| \ll 1$ );
- ( $K > 0, |K| \ll 1$ );
- ( $K > 0, |K| \gg 1$ );

9. Si faccia riferimento ai diagrammi di Bode riportati sotto, relativi ad un sistema a fase minima  $G_3(s)$ . Leggere il margine di ampiezza  $M_A$  e il margine di fase  $M_f$  del sistema:

$M_A = \dots\dots\dots$                        $M_f = \dots\dots\dots$

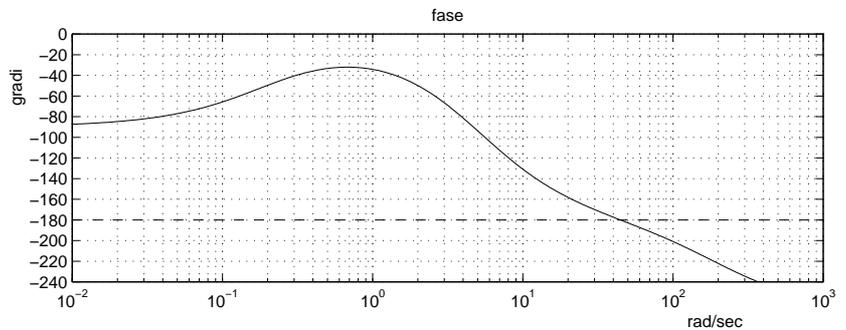
10. Calcolare per quali valori del guadagno  $K$  il sistema  $K G_3(s)$  posto in retroazione unitaria è stabile.

$\dots\dots\dots < K < \dots\dots\dots$



11. Determinare per quale valore di  $K$  il margine di fase  $M_\varphi$  del sistema  $K G_3(s)$  posto in retroazione unitaria risulta  $M_\varphi = 60^\circ$ :

$K \simeq \dots\dots\dots$



12. Determinare per quale valore di  $K$  il margine di ampiezza  $M_A$  del sistema  $K G_3(s)$  posto in retroazione unitaria risulta  $M_A = 20$ :

$K \simeq \dots\dots\dots$

13. Determinare la larghezza di banda  $\omega_{f0}$  e il tempo di salita  $T_s$  del sistema  $G_3(s)$  posto in retroazione unitaria:

$\omega_{f0} \simeq \dots\dots\dots$                        $T_s \simeq \dots\dots\dots$